

ҚАЗАҚСТАН РЕСПУБЛИКАСЫ БІЛІМ ЖӘНЕ ҒЫЛЫМ МИНИСТРЛІГІ  
ӘЛ-ФАРАБИ атындағы ҚАЗАҚ ҰЛТТЫҚ УНИВЕРСИТЕТИ

---

Математика және механика ғылыми-зерттеу институты

Механика-математика факультеті  
Механико-математический факультет  
Faculty of mechanics and mathematics  
Ақпараттық технологиялар факультеті  
Факультет информационных технологий  
Faculty of information technology

V ХАЛЫҚАРАЛЫҚ ФАРАБИ ОҚУЛАРЫ  
Алматы, Қазақстан, 2018 жыл, 3-13 сәуір

Студенттер мен жас ғалымдардың  
«ФАРАБИ ӘЛЕМІ»  
атты халықаралық ғылыми конференция  
МАТЕРИАЛДАРЫ  
Алматы, Қазақстан, 2018 жыл, 10-12 сәуір

V МЕЖДУНАРОДНЫЕ ФАРАБИЕВСКИЕ ЧТЕНИЯ  
Алматы, Казахстан, 3-13 апреля 2018 год

МАТЕРИАЛЫ  
Международная научная конференция  
студентов и молодых ученых  
«ФАРАБИ ӘЛЕМІ»  
Казахстан, Алматы, 10-12 апреля 2018 г.

V INTERNATIONAL FARABI READINGS  
Almaty, Kazakhstan, April 3-13, 2018

MATERIALS  
International Scientific Conference of  
Students and Young Scientists  
«FARABI ALEMI»  
Almaty, Kazakhstan, April 10-12, 2018

Алматы  
«Қазақ университеті»  
2018

**Организационный комитет:**

Жакебаев Д.Б.	председатель, декан механико-математического факультета, Ph.D.
Тукеев У.А.	председатель, декан факультета информационных технологий, профессор
Кыдырбекұлы А.Б.	директор НИИ ММ, д.т.н., профессор
Иманкулов Т.С.	заместитель декана по научно-инновационной работе и международным связям механико-математического факультета, Ph.D., и.о. доцент
Айдаров Қ.А.	заместитель декана по научно-инновационной работе и международным связям факультета информационных технологий, Ph.D.
Манатбаев Р.К.	зфакаместитель директора НИИ ММ, доцент
Яхияев Ф.К.	ученый секретарь НИИ ММ
Исахов А.А.	зав. кафедрой математического и компьютерного моделирования, Ph.D., и.о. профессора
Маусумбекова С.Ж.	зам.зав.каф. кафедрой математического и компьютерного моделирования по научно-инновационной работе и межд.связям
Дауылбаев М.К.	зав.кафедрой дифференциальных уравнений и теории управления, д.ф.-м.н., и.о. профессора
Касенов С.Е.	зам.зав.каф. дифференциальных уравнений и теории управления по научно-инновационной работе и межд.связям
Сихов М.Б.	зав.кафедрой фундаментальной математики, профессор
Абдуахитова Г.Е.	зам.зав.каф. фундаментальной математики по научно-инновационной работе и межд.связям, доцент
Ракишева З.Б.	зав.кафедрой механики, профессор
Калшева Н.Б.	зам.зав.каф. механики по научно-инновационной работе и межд.связям, PhD
Есенгалиева Ж.С.	зав.кафедрой информационных систем, профессор
Абрахманова М.Б.	зам.зав.каф. информационных систем по научно-инновационной работе и межд.связям
Урмашев Б.А.	зав. кафедрой информатики, профессор
Темірбеков А.Н.	зам.зав.каф. информатики по научно-инновационной работе и межд.связям, Ph.D.
Кумалаков Б.А.	зав. кафедрой искусственный интеллект и Big Data
Абырасыл Н.	председатель НСО

**Редакционная коллегия:**

Жакебаев Д.Б., Тукеев У.А., Кыдырбекұлы А.Б., Яхияев Ф.К.,  
Рақымжанкызы Ф.

**Материалы** международный конференции студентов и молодых ученых «Фараби әлемі».  
г. Алматы, 9-12 апреля 2018 г. – Алматы: Қазақ университеті, 2018 – 330 с.

**ISBN 978-601-04-3307-6**

Материалы, публикуемые в сборнике, являются изложением докладов студентов и молодых ученых на международной конференции студентов и молодых ученых «Фараби әлемі» по различным вопросам математики, механики, прикладной математики и информатики.

## МАЗМУНЫ – СОДЕРЖАНИЕ

### РАЗДЕЛ 1. МАТЕМАТИКА И ТЕОРИИ УПРАВЛЕНИЯ

DUISENBAYEVA A.B., AISAGALIYEV S.A. To the research on variational calculus.....	16
NIYETKALIYEVA D., ISSAKHOV A.A. Computability and Ramsey's theorem.....	17
RAKYMZHANKYZY F., ISSAKHOV A.A. Hyperimmunity and $A$ -computable numberings.....	18
TUSSUPOVA K.B. Modeling and optimization of the production cluster.....	19
АЛМАТБАЕВА Б.Д. Коши – Риман операторы кемегімен Карлеман - Векуа тендеуін зерттеу.....	20
АРТЫҚБАЕВА Ж.Н. Сингулярлы ауытқыған интегралды дифференциалдык тендеулерге арналған шеттік есеп шешімінің асимптотикалық бағалауы.....	21
АШУРОВА Г.Р., БЕИМБЕТОВА А.Б. Сызықты емес параболалық тендеу үшін кері есеп шешімінің сапалық қасиеттері.....	22
ӘЛІМБЕК Ә.Е. Стокс тендеуіне койылған Дирихле есебінің бірмәнді шешімділігі	23
БАЙҚОЖА Б.Б., КАСЕНОВ С.Е. Гельмголц тендеуі үшін кері есепті шешу әдісі.....	24
БАКИРОВ А.С. Математическое моделирование двух конкурентных точек зрения.....	25
БАКИРОВ А.С. Полуэмпирическая теория распределений пользователей социальных онлайн сетей по числу контактов.....	26
БАҚЫТЖАНҰЛЫ А. Математика және басқару теориясы.....	27
БЕЙСЕНБАЙ А.А. Көпнүктелі шекаралық есептің резольвентасына крейнның формуласы.....	28
БОРАНБЕК К. Сызықты емес параболалық тендеу үшін аралас есеп шешімінің сапалық қасиеттері.....	29
ЕЛЕУОВ А.А., ЖАПСАРБАЕВА Л.К. Геометриялық графтағы дифференциалдық оператордың резольвентасының үйірткілік тұрпаты.....	30
ЕРГАЛИЕВ М. Г. О граничной задаче для уравнения теплопроводности в бесконечной угловой области.....	31
ЖУНУСОВА Ж.Х., ИКСАНОВ С.Ш., ДОСМАҒҰЛОВА Қ.А. Білім беру үйымдарындағы бейімделгіш автоматтандырылған басқару жүйелерінің математикалық моделі.....	32
ЗҰЛХАРНАЙ М.А. Сызықты емес магниттік гидродинамика есебінен туындастырылған сыйықты есеп.....	33
ИЛЕСОВА А.Н. Ньютондық емес сýйыктар теориясының бір есебі.....	34
ИСАБЕК Ә.А., ҚОЙЛЫШОВА З.С. Кортевега де Фриз тендеуі үшін койылған бастапқы шеттік есептің глобалді шешімінің болмауы.....	35
КАИМОВ А.Т., КАИМОВ С.Т., КАИМОВ А.Т. Математическая модель определения параметров инновационного схвата манипулятора робота при перегрузке высокорадиоактивного тепловыделяющего элемента из одного контейнера в другой.....	36
КАРЫМСАКОВА Н.Т. Управляемость линейных систем с ограниченным управлением.....	37
КДРАШЕВА Н.И. Функционалдық анализдің теориясында колданылатын маңызды теңсіздіктер.....	38

# УПРАВЛЯЕМОСТЬ ЛИНЕЙНЫХ СИСТЕМ С ОГРАНИЧЕННЫМ УПРАВЛЕНИЕМ

Н.Т. КАРЫМСАКОВА

Одной из актуальных задач теории управляемых динамических систем является их управляемость. Эти вопросы в отсутствии ограничений на управление рассматривались В.Н.Семеновым [1], С.Гершином и Д.Якобсоном [2], Л.Хантом [3]. В работе [4] приведен критерий управляемости нелинейных систем при фазовых ограничениях. В работе А. Ю. Федорова [5] для нелинейной системы указаны достаточные условия управляемости типа Калмана по линейному приближению исходной системы. А. М. Ковалевым в [6] приведен критерий управляемости нелинейных систем, сводящийся к проверке существования решений уравнений в частных производных типа уравнений Ляпунова в теории устойчивости и Леви-Чивиты в теории инвариантных многообразий; Ю. В. Мастерковым [7] введено понятие глобальной устойчивой управляемости нелинейной системы и указаны достаточные условия этого типа управляемости.

Рассматривается система управления, описываемая линейными обыкновенными дифференциальными уравнениями

$$\dot{x} = Ax + Bu \quad (1)$$

где  $A$  -  $n \times n$  - постоянная матрица,  $B$  -  $n$ -мерный постоянный вектор,  $x$  -  $n$ -мерный вектор состояния системы,  $u$  - скалярное ограниченное:

$$l_1 \leq u(t) \leq l_2, \quad t \in [0, T] \quad (2)$$

Ставится задача: определить существует ли управление, удовлетворяющее ограничению (2) и переводящее систему (1) из начального состояния  $x(0) = x_0$  в конечное заданное состояние  $x(T) = x_1$  за фиксированное время  $T$ .

На основе интервальной математики[8] получен критерий управляемости.

Решение модельной задачи показало эффективность полученного критерия.

## СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННОЙ ЛИТЕРАТУРЫ

1. Семенов В.Н. Об управляемости нелинейных динамических систем //Киберн. и вычислите, техн.: Республ. межвед. сб. / Киев: Наукова думка, 1971. Вып. 8. С. 34-40.
2. Gershwin S.B., Jacobson D.H. A controllability theory for nonlinear systems //IEEE Trans. Automat. Control. 1971. V. 16. № 1. P.
3. Hunt L. R. Controllability of nonlinear systems in two dimensions //Math. Syst. Theory. 1980. V. 13. №4. P. 361-376.
4. Емельянов С.В., Коровин С.К., Мамедов И.Г., Никитин С.В. Критерии управляемости нелинейных систем при фазовых ограничениях //ДАН СССР. 1986. Т. 290. № 1. С. 18-22.
5. Федоров А.Ю. Условия управляемости нелинейных динамических систем //Автомат. и телемех. 1984. № 4. С. 60-71.
6. Ковалев А.М. Критерий управляемости и достаточные условия стабилизируемости динамических систем //Прикл. мат. и мех. (Москва). 1995. Т. 59. № 3. С. 401-409.
7. Мастерков Ю.В. О глобальной устойчивой управляемости //Удм. гос. ун-т. Изв. Ин-та мат. и информат. 1997. № 1. С. 67-76.
8. Мазаков Т.Ж., Джомартова Ш.А. Применение интервального анализа в практических вычислениях //Вычислительные технологии, 2002, т.7, ч.3, с.230-234.